

LAMPIRAN

Lampiran 1 Modul Ajar

MODUL AJAR



MODUL AJAR
SISTEM PERSAMAAN LINEAR DUA VARIABEL

INFORMASI UMUM	
A. IDENTITAS SEKOLAH DAN INFORMASI UMUM	
Nama	: Lusia Tety
Institusi	: UPT SMP Negeri 1 Makale
Mata Pelajaran	: Matematika
Kelas	: VIII
Semester	: Genap
Tahun Ajaran	: 2025/2026
Materi	: Sistem Persamaan Linear Dua Variabel
Alokasi Waktu	: 2 pertemuan
B. PROFIL PELAJAR PANCASILA	
<ul style="list-style-type: none"> • Beriman, bertakwa kepada Tuhan Yang Maha Esa (mengajak peserta didik berdoa sebelum memulai pembelajaran dan bersyukur setelah selesai pembelajaran) • Berakhlak Mulia (menumbuhkan sikap jujur dan bertanggung jawab pada peserta didik dalam menyelesaikan tugas). • Bernalar Kritis (peserta didik bernalar kritis dalam menyampaikan pendapat ketika berdiskusi maupun dalam waktu pembelajaran klasikal). • Mandiri (menyelesaikan assesment diagnostik secara mandiri). • Bergotong royong (menumbuhkan rasa kekompakan dan rasa kerja sama peserta didik dalam berkolaborasi ketika berdiskusi dengan teman kelompok). 	
C. KOMPETENSI AWAL	
Sebelum masuk pada pembelajaran mengenai sistem persamaan linear dua variabel, peserta didik harus sudah memahami pembelajaran mengenai sistem persamaan linear satu variabel dan operasi hitung aljabar	
D. SARANA DAN PRASARA	
<p>Sarana dan prasarana yang akan digunakan dalam pembelajaran ini adalah sebagai berikut:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Daftar hadir peserta didik • White board, spidol, laptop dan LCD (proyektor) • Buku matematika kelas VIII kurikulum merdeka • Lembar kerja peserta didik 	
E. TARGET PESERTA DIDIK	
<ul style="list-style-type: none"> • Peserta didik reguler/tipikal: umum, tidak ada kesulitan dalam mencerna dan memahami materi ajar. • Peserta didik dengan kesulitan belajar: Memiliki gaya belajar yang terbatas hanya satu gaya. Memiliki kesulitan dengan bahasa dan pemahaman materi ajar, kurang percaya diri, dan kesulitan berkonsentrasi jangka panjang, dsb. • Peserta didik dengan capaian tinggi: menserna dan memahami dengan 	

cepat, mampu mencapai keterampilan berpikir aras tinggi(HOTS), dan memiliki keterampilan memimpin.
F. MODEL PEMBELAJARAN
Model pembelajaran <i>Discovery Learning</i>
KOMPETENSI INTI
A. TUJUAN KEGIATAN PEMBELAJARAN
Dengan menggunakan model pembelajaran <i>Discovery learning</i> peserta didik diharapkan: <ul style="list-style-type: none"> • Memahami cara-cara penyelesaian soal dalam bentuk persamaan linear dua variabel. • Mampu menyelesaikan soal dalam kehidupan sehari-hari dengan menggunakan sistem persamaan linear dua variabel
B. PEMAHAMAN BERMAKNA
Setelah mempelajari materi ini, peserta didik diharapkan memperoleh manfaat terkait dengan memahami bentuk persamaan linear dua variabel. Penyelesaian soal-soal bentuk sistem persamaan linear dua variabel dalam kehidupan sehari-hari.
C. PERTANYAN PEMANTIK
Ada seorang pedagang memiliki dua barang yang ingin dijual. Bagaimana menentukan harga jual barang agar memperoleh keuntungan yang maksimal?
D. KEGIATAN PEMBELAJARAN
<u>Pertemuan Pertama</u>
<p>1) Indikator ketercapaian tujuan pembelajaran</p> <ul style="list-style-type: none"> • Peserta didik dapat mengenali sistem persamaan linear dua variabel • Peserta didik dapat mengetahui arti penyelesaian sistem persamaan linear dua variabel. <p>2) Alokasi Waktu : 2JP (2 X 45 Menit)</p> <p>Kegiatan Pendahuluan (10 Menit)</p> <ol style="list-style-type: none"> Guru mengucapkan salam, mengajak peserta didik untuk mempersiapkan diri memulai pembelajaran dengan mealukan doa sebelum belajar (meminta seorang peserta didik memimpin doa). Guru mengecek kehadiran peserta didik. Peserta didik menerima informasi tentang pembelajaran yang akan dilaksanakan dengan materi yang memiliki keterkaitan dengan materi sebelumnya. Peserta didik menerima informasi mengenai kompetensi, ruang lingkup materi, tujuan, manfaat, langkah pembelajaran, dan metode penilaian yang akan dilaksanakan. Guru mencari informasi tentang cara-cara penyelesaian soal dalam bentuk sistem persamaan dalam kehidupan sehari-hari dan peserta didik menjawab dengan prediksi masing-masing. Guru mengaitkan cara-cara penyelesaian soal dalam bentuk sistem persamaan yang diajarkan dalam kehidupannya.

Kegiatan Kegiatan Inti (75 Menit)

Langkah 1. Stimulation (stimulasi/pemberian rangsangan)

- Siswa dibagi kedalam 5 kelompok.
- Peserta didik dalam kelompok memperhatikan dan mengamati penjelasan yang diberikan guru terkait dengan materi sistem persamaan linear dua variabel.
- Guru membagikan LKPD dan peserta didik membaca petunjuk pengerjaan.
- Guru memotivasi peserta didik dalam kelompok untuk menulis dan menanyakan permasalahan hal-hal yang belum dipahami dari masalah yang disajikan dalam LKPD serta guru mempersilakan siswa dalam kelompok lain untuk memberikan tanggapan, bila diperlukan guru memberikan bantuan komentar secara klasial.

Langkah 2. Problem Statement (Identifikasi Masalah)

- Peserta didik melakukan diskusi dalam kelompok masing-masing berdasarkan petunjuk dalam LKPD.
- peserta didik dalam kelompok melakukan eksplorasi dengan cara brainstorming dengan cara sharing informasi, dan klarifikasi informasi tentang permasalahan sistem persamaan linear dua variabel sesuai dengan petunjuk LKPD.

Langkah 3. Data Collection (Pengumpulan Data)

- Guru berkeliling mencermati peserta didik dalam kelompok dan mengamati berbagai kesulitan yang dialami peserta didik dan memberikan kesempatan untuk mempertanyakan hal-hal yang belum dipahami.
- Guru memberikan bantuan kepada peserta didik dalam kelompok untuk masalah-masalah yang dianggap sulit oleh peserta didik.
- Guru mengarahkan peserta didik dalam kelompok untuk menyelesaikan permasalahan dengan cermat dan teliti.

Langkah 4. Data Processing (Pengolahan Data)

- Guru meminta peserta didik untuk mendiskusikan cara yang digunakan untuk menemukan semua kemungkinan pemecahan masalah terkait masalah yang diberikan.
- Peserta didik dalam kelompok masing-masing dengan bimbingan guru dapat mengaitkan, merumuskan, dan menyimpulkan tentang cara-cara penyelesaian soal dalam bentuk Sistem Persamaan Linear Dua Variabel.
- Peserta didik dalam kelompok menyusun laporan hasil diskusi penyelesaian masalah yang diberikan terkait cara-cara penyelesaian soal dalam bentuk Sistem Persamaan Linear Dua Variabel.

Langkah 5. Verification (Pembuktian)

- Beberapa perwakilan kelompok mempresentasikan hasil pembelajaran atau apa yang telah dipelajari pada kelompok berdasarkan hasil diskusi dan pengamatan.
- Peserta didik yang lain dan guru memberikan tanggapan dan menganalisis hasil presentasi meliputi tanya jawab untuk

mengkonfirmasi, memberikan tambahan informasi, melengkapi informasi ataupun tanggapan lainnya.

Langkah 6. Generalization (Kesimpulan)

- Guru bersama peserta didik melakukan refleksi, dengan membuat kesimpulan dari pembelajaran dan membuat catatan kecil di masing-masing buku siswa tentang apa yang mereka ingat atau dapatkan dari pembelajaran ini.
- memberikan apresiasi atas partisipasi semua peserta didik.

Kegiatan Penutup (5 Menit)

- a. Guru memberikan tugas mandiri sebagai latihan dirumah.
 - b. Peserta didik mendengarkan informasi dari guru untuk materi pertemuan berikutnya.
- Guru menutup pembelajaran dengan berdoa yang dipimpin oleh salah satu dari murid

Pertemuan kedua

- Indikator ketercapaian tujuan pembelajaran
 - Peserta didik dapat menyelesaikan sistem persamaan linier dua Variabel.
- Alokasi waktu : 2 JP (2 X 45 Menit)

Kegiatan Pendahuluan (10 menit)

- Guru mengucapkan salam, mengajak peserta didik untuk mempersiapkan diri memulai pembelajaran dengan mealukan doa sebelum belajar (meminta seorang peserta didik memimpin doa).
- Guru mengecek kehadiran peserta didik dan meminta peserta didik untuk mempersiapkan perlengkapan dan peralatan yang diperlukan.
- Peserta didik menerima informasi tentang pembelajaran yang akan dilaksanakan dengan materi yang memiliki keterkaitan dengan materi sebelumnya.
- Guru memberikan informasi kepada peserta didik mengenai tujuan pembelajaran dan hasil yang akan dicapai dalam pembelajaran, kegiatan pembelajaran, langkah pembelajaran dan metode penilaian yang akan dilaksanakan.

Kegiatan Kegiatan Inti (75 menit)

Langkah 1. Stimulation (Stimulasi/Pemberian Rangsangan)

- Siswa dibagi kedalam 5 kelompok.
- Peserta didik dalam kelompok memperhatikan dan mengamati penjelasan yang diberikan guru terkait dengan materi penyelesaian sistem persamaan linear dua variabel.
- Peserta didik dalam kelompok mengamati gambar dan soal yang dipaparkan guru, yang dikaitkan dengan masalah-masalah kehidupan sehari-hari yang dapat diselesaikan dengan persamaan linear dua variabel.
- Guru membagikan LKPD dan peserta didik membaca petunjuk pengerjaan.

- Guru memotivasi peserta didik dalam kelompok untuk menulis dan menanyakan permasalahan hal-hal yang belum dipahami.

Langkah 2. Problem Statement (Identifikasi Masalah)

- Peserta didik melakukan diskusi dalam kelompok masing-masing berdasarkan petunjuk dalam LKPD.
- peserta didik melakukan eksplorasi tentang Sistem Persamaan Linear Dua Variabel sesuai dengan petunjuk LKPD

Langkah 3. Data Collection (Pengumpulan Data)

- Guru berkeliling mencermati peserta didik dalam kelompok dan mengamati berbagai kesulitan yang dialami peserta didik dan memberikan kesempatan untuk mempertanyakan hal-hal yang belum dipahami.
- Guru memberikan bantuan kepada peserta didik dalam kelompok untuk masalah-masalah yang dianggap sulit oleh peserta didik.
- Guru mengarahkan peserta didik dalam kelompok untuk menyelesaikan permasalahan dengan cermat dan teliti.

Langkah 4. Data Processing (Pengolahan Data)

- Guru meminta peserta didik untuk mendiskusikan cara yang digunakan untuk menemukan semua kemungkinan pemecahan masalah terkait masalah yang diberikan.
- Peserta didik dalam kelompok masing-masing dengan bimbingan guru dapat mengaitkan, merumuskan, dan menyimpulkan tentang cara-cara penyelesaian soal dalam bentuk Sistem Persamaan Linear Dua Variabel.
- Peserta didik dalam kelompok menyusun laporan hasil diskusi penyelesaian masalah yang diberikan terkait cara-cara penyelesaian soal dalam bentuk Sistem Persamaan Linear Dua Variabel.

Langkah 5. Verification (Pembuktian)

- Beberapa perwakilan kelompok mempresentasikan hasil pembelajaran atau apa yang telah dipelajari pada kelompok
- Peserta didik yang lain dan guru memberikan tanggapan dan menganalisis hasil presentasi meliputi tanya jawab untuk mengkonfirmasi, memberikan tambahan informasi, melengkapi informasi ataupun tanggapan lainnya.

Langkah 6. Generalization (Kesimpulan)

- Guru bersama peserta didik melakukan refleksi, dengan membuat kesimpulan dari pembelajaran dan membuat catatan kecil di masing-masing buku siswa tentang apa yang mereka ingat atau dapatkan dari pembelajaran ini.
- Guru memberikan apresiasi atas partisipasi semua peserta didik.

Kegiatan Penutup (5 menit)

- Guru memberikan tugas mandiri sebagai latihan dirumah.
- Peserta didik mendengarkan informasi dari guru untuk materi pertemuan berikutnya.
- Guru menutup pembelajaran dengan berdoa yang dipimpin oleh salah satu dari murid.

E. REFLEKSI**Refleksi Guru**

- 1) Seberapa efektifkah model pembelajaran ini diterapkan kepada peserta didik?
- 2) Tantangan apa saja yang ditemui ketika mengajarkan materi ini dengan model pembelajaran ini?
- 3) Apakah pemberian instruksi atau penjelasan teknis dapat dipahami peserta didik?

The image shows the cover of a student worksheet. At the top, the number '1' is on the left and '2' is on the right, both in large, colorful, 3D-style fonts. Between them, the text 'Lembar Kerja Peserta Didik' is written in a bold, black font. Below this, the acronym 'LKPD' is written in very large, bold, orange letters with a white outline. Underneath 'LKPD', the title 'Sistem Persamaan Linear Dua Variabel' is written in a black, sans-serif font, slightly curved. The background is a light teal color with white clouds. In the center, there is an illustration of five female students in school uniforms (white shirts and blue skirts) in a classroom setting. Three students are standing behind a desk, and two are in front. There is a globe on the desk. To the left of the illustration is a yellow pi symbol (π), and to the right is a red plus sign (+). At the bottom of the page, there is a white rectangular box containing the text 'Nama kelompok :', followed by four horizontal dotted lines for writing.

1 Lembar Kerja Peserta Didik **2**

LKPD

Sistem Persamaan Linear Dua Variabel

π +

Nama kelompok :

.....

.....

.....

.....

Tujuan pembelajaran^o

Melalui kegiatan pembelajaran menggunakan model Discovery Learning yang menuntut peserta didik untuk menemukan konsep sistem persamaan linier dua variabel dengan tepat melalui diskusi kelompok dan penemuan. Selain itu peserta didik dapat membuat model matematika sistem persamaan linear dua variabel.


1. Setelah mengikuti kegiatan pembelajaran peserta didik dapat mengenali bentuk umum SPLDV.
2. Menyusun SPLDV dari permasalahan kontekstual.

PETUNJUK UMUM

Pahamilah setiap kegiatan berikut, diskusikan dengan teman anggota kelompok dan tulislah diskusi pada kolom yang tersedia. Pastikan teman satu kelompok memahami dan dapat menjawab pertanyaan yang diberikan. Gunakan logika dan pengetahuanmu untuk menemukan makna dari penyelesaian SPLDV.

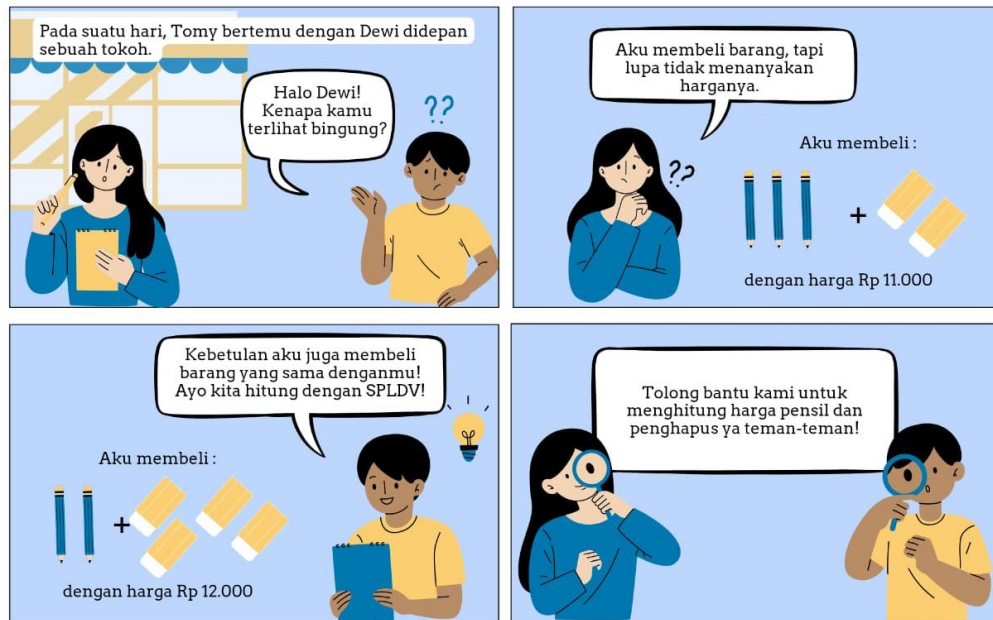
- a. Alat dan bahan:
 - Kertas
 - Bolpoint
- b. Langkah-langkah:

Ilustrasi soal:



Tebak-tebakan Harga!

Komik Strip Matematika Sistem Persamaan Linear Dua Variabel



1. Menurut kalian, berapa harga satu buah pensil dan satu buah penghapus?
2. Bagaimana cara mencarinya?
3. Pernahkah kamu mengalami situasi seperti ini pada saat belanja?

Bagaimana kita dapat menemukan harga satu buah pensil dan satu buah penghapus dari informasi tersebut?

Siswa mengubah informasi menjadi bentuk SPLDV :

Misalkan :

Harga 1 pensil =

Harga 1 penghapus =

Setelah melakukan pemisalan selanjutnya :

Siswa Menyelesaikan persoalan dari data yang telah diperoleh.

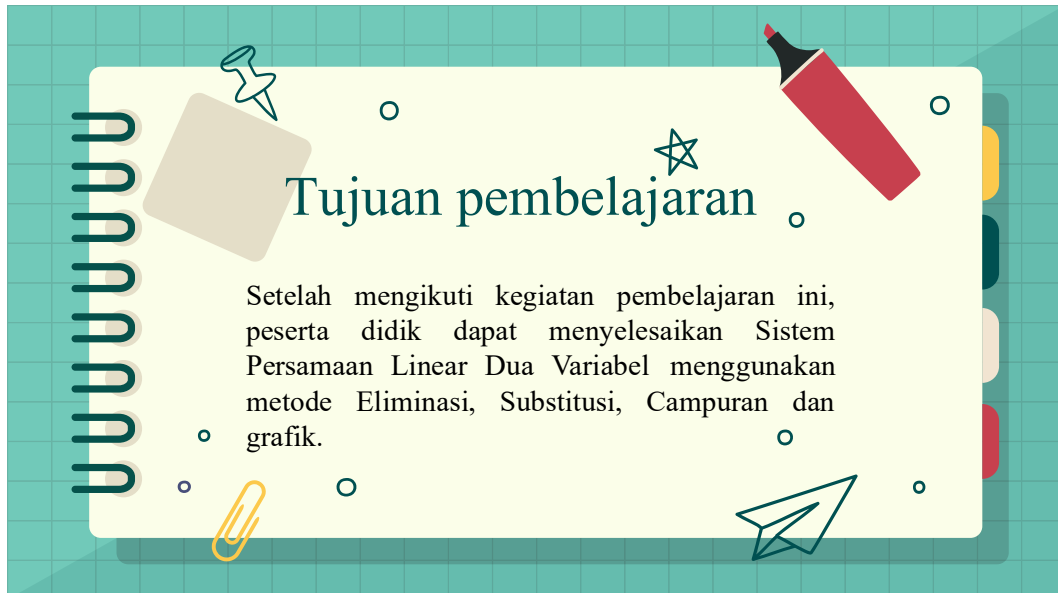
Siswa melakukan pembuktian terhadap kedua persamaan awal melalui nilai x dan y yang telah di dapat sebelumnya

kesimpulan

.....
.....
.....
.....

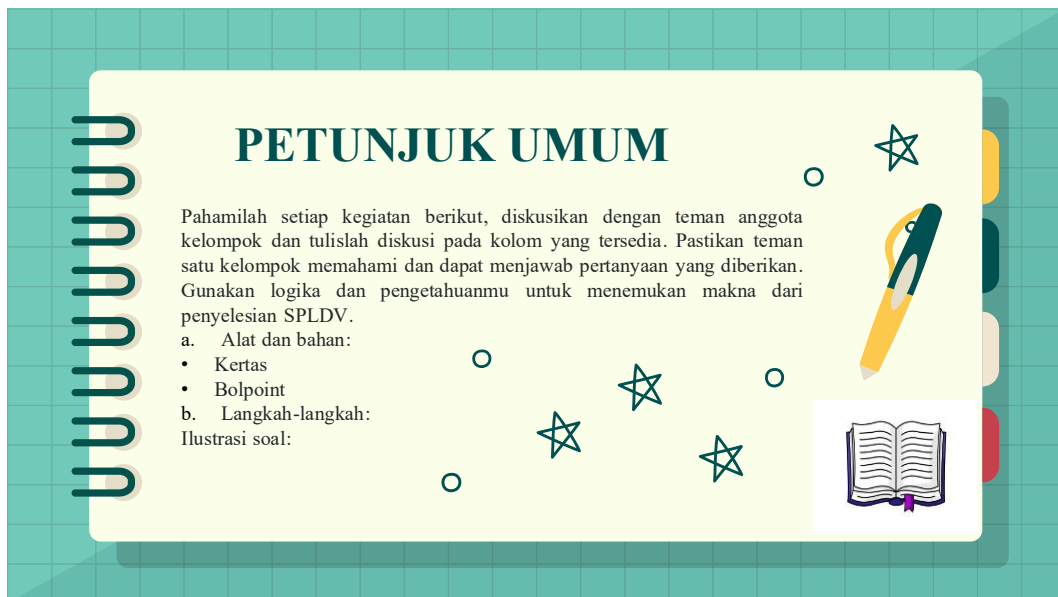
SELAMAT MENGERJAKAN 😊

PERTEMUAN II



Tujuan pembelajaran

Setelah mengikuti kegiatan pembelajaran ini, peserta didik dapat menyelesaikan Sistem Persamaan Linear Dua Variabel menggunakan metode Eliminasi, Substitusi, Campuran dan grafik.



PETUNJUK UMUM

Pahamilah setiap kegiatan berikut, diskusikan dengan teman anggota kelompok dan tulislah diskusi pada kolom yang tersedia. Pastikan teman satu kelompok memahami dan dapat menjawab pertanyaan yang diberikan. Gunakan logika dan pengetahuanmu untuk menemukan makna dari penyelesaian SPLDV.

- Alat dan bahan:
 - Kertas
 - Bolpoint
- Langkah-langkah:

Ilustrasi soal:

Roni membeli 1 buku dan 4 bolpoint seharga Rp.8.000,00. Sedangkan doni membeli 2 buku dan 3 bolpoint seharga Rp.12.000.00. berapakah harga 2 buku dan 4 bolpoint ditokoh tersebut?

1. Apa yang kalian pahami dari soal tersebut ?
2. Misalkan variabelnya dari masalah tersebut dan tuliskan pada lembar dibawah ini.

Misalkan Variabelnya :

$x = \dots\dots\dots$

$y = \dots\dots\dots$

3. Masukkan data yang telah kalian peroleh pada table di bawah ini.

Nama	$\dots\dots\dots x$	$\dots\dots\dots y$	Bayar

4. Rumuskan model matematika berdasarkan soal.

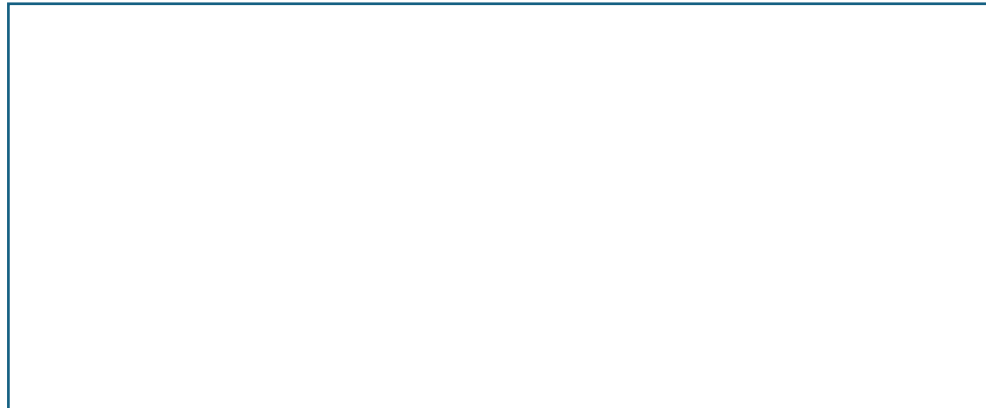
$$\dots\dots x + \dots\dots y = \dots\dots \dots\dots(1)$$

$$\dots\dots x + \dots\dots y = \dots\dots \dots\dots(2)$$

6. Dari kedua persamaan tersebut maka model matematika SPLDV yang sesuai adalah.

$$\left\{ \begin{array}{l} \dots\dots\dots\dots\dots\dots \\ \dots\dots\dots\dots\dots\dots \end{array} \right.$$

7. Selesaikan persamaan diatas dengan cara substitusi.



Makale, 9 Agustus 2025

Peneliti

Lusia Tety
221113010



Menyetujui,

Guru Pamong



Dina Tasik Lumiling, S.Pd
NIP. 197812152008012013

Kepala Sekolah



Yohanis Pakiding, S.Pd
NIP. 197905152009031003

MODUL AJAR
SISTEM PERSAMAAN LINEAR DUA VARIABEL

INFORMASI UMUM	
A. IDENTITAS SEKOLAH DAN INFORMASI UMUM	
Nama	: Lusia Tety
Institusi	: UPT SMP Negeri 1 Makale
Mata Pelajaran	: Matematika
Kelas	: VIII
Semester	: Genap
Tahun Ajaran	: 2025/2026
Materi	: Sistem Persamaan Linear Dua Variabel
Alokasi Waktu	: 2 Pertemuan
B. PROFIL PELAJAR PANCASILA	
	<ul style="list-style-type: none"> • Beriman, bertakwa kepada Tuhan Yang Maha Esa (mengajak peserta didik berdoa sebelum memulai pembelajaran dan bersyukur setelah selesai pembelajaran) • Berakhlak Mulia (menumbuhkan sikap jujur dan bertanggung jawab pada peserta didik dalam menyelesaikan tugas). • Bernalar Kritis (peserta didik bernalar kritis dalam menyampaikan pendapat ketika berdiskusi maupun dalam waktu pembelajaran klasikal). • Mandiri (menyelesaikan assesment diagnostik secara mandiri). • Bergotong royong (menumbuhkan rasa kekompakan dan rasa kerja sama peserta didik dalam berkolaborasi ketika berdiskusi dengan teman kelompok).
C. KOMPETENSI AWAL	
	Sebelum masuk pada pembelajaran mengenai sistem persamaan linear dua variabel, peserta didik harus sudah memahami pembelajaran mengenai sistem persamaan linear satu variabel dan operasi hitung aljabar
D. SARANA DAN PRASARANA	
	<p>Sarana dan prasarana yang akan digunakan dalam pembelajaran ini adalah sebagai berikut:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Daftar hadir peserta didik • White board, spidol, laptop dan LCD (proyektor)
E. TARGET PESERTA DIDIK	
	<ul style="list-style-type: none"> • Peserta didik reguler/tipikal: umum, tidak ada kesulitan dalam mencerna dan memahami materi ajar.

<ul style="list-style-type: none"> • Peserta didik dengan kesulitan belajar: Memiliki gaya belajar yang terbatas hanya satu gaya. Memiliki kesulitan dengan bahasa dan pemahaman materi ajar, kurang percaya diri, dan kesulitan berkonsentrasi jangka panjang, dsb. • Peserta didik dengan capaian tinggi: menserna dan memahami dengan cepat, mampu mencapai keterampilan berpikir aras tinggi(HOTS), dan memiliki keterampilan memimpin.
F. MODEL PEMBELAJARAN
Model pembelajaran Konvensional (Ceramah dan Tanya Jawab)
KOMPETENSI INTI
A. TUJUAN KEGIATAN PEMBELAJARAN
Setelah mengikuti pembelajaran diharapkan : <ul style="list-style-type: none"> • Peserta didik mampu menjelaskan pengertian Sistem Persamaan Linear Dua Variabel (SPLDV) • Menentukan himpunan penyelesaian SPLDV dengan metode substitusi, eliminasi, campuran dan grafik. • Menerapkan SPLDV dalam menyelesaikan masalah sehari-hari.
B. PEMAHAMAN BERMAKNA
Setelah mempelajari materi ini, peserta didik diharapkan memperoleh manfaat terkait dengan memahami bentuk persamaan linear dua variabel. Penyelesaian soal-soal bentuk sistem persamaan linear dua variabel dalam kehidupan sehari-hari.
C. KEGIATAN PEMBELAJARAN
<u>Pertemuan Pertama</u>
1) Indikator ketercapaian tujuan pembelajaran <ul style="list-style-type: none"> • Menjelaskan pengertian Sistem Persamaan Linear Dua Variabel. • Memberikan contoh Persamaan Linear Dua Variabel. • Menyelesaikan Persamaan Linear Dua Variabel Menggunakan Metode Eliminasi dan Substitusi.
2) Alokasi waktu : 2JP (2 × 45 menit)
Kegiatan Pendahuluan (10 menit)
<ol style="list-style-type: none"> a. Guru memberi salam dan mengajar peserta didik untuk berdoa bersama. b. Guru menanyakan kabar dan mengecek kehadiran peserta didik.
Kegiatan Inti (75 menit)
<ol style="list-style-type: none"> a. Memotivasi peserta didik dengan cara bertanya mengenai SPLDV. b. Menyampaikan tujuan pembelajaran. c. Guru menjelaskan materi SPLDV dan membahas permasalahan. d. Guru memberikan contoh soal dan penyelesaian menggunakan metode Eliminasi dan Substitusi.

- e. Guru memberikan siswa kesempatan untuk mengidentifikasi sebanyak mungkin hal yang belum dipahami dan bertanya kepada guru terkait hal tersebut.
- f. Guru mengarahkan agar siswa dapat menghubungkan informasi yang diperoleh untuk menarik kesimpulan.
- g. Guru meminta beberapa peserta didik secara acak untuk kedepan kelas menyelesaikan contoh soal yang diberikan oleh guru.

Kegiatan Penutup (5 menit)

- a. Guru memberikan tugas mandiri sebagai latihan dirumah.
- b. Guru menyampaikan rencana pembelajaran pada pertemuan berikutnya.
- c. Guru bersama peserta didik mengakhiri kegiatan belajar mengajar dengan berdoa yang dipimpin oleh salah satu dari murid.

Pertemuan Kedua

- 1) Indikator ketercapaian tujuan pembelajaran
 - Memberikan contoh Persamaan Linear Dua Variabel.
 - Menyelesaikan Persamaan Linear Dua Variabel Menggunakan Metode Campuran dan Grafik.
- 2) Alokasi waktu : 2JP (2 × 45 menit)

Kegiatan Pendahuluan (10 menit)

- a. Guru memberi salam dan mengajar peserta didik untuk berdoa bersama.
- b. Guru menanyakan kabar dan mengecek kehadiran peserta didik.

Kegiatan inti (75 menit)

- a. Guru membahas mengenai kaitan materi minggu lalu dengan pertemuan hari ini.
- b. Menyampaikan tujuan pembelajaran.
- h. Guru memberikan contoh soal dan penyelesaian menggunakan metode Campuran dan Grafik.
- i. Guru memberikan siswa kesempatan untuk mengidentifikasi sebanyak mungkin hal yang belum dipahami dan bertanya kepada guru terkait hal tersebut.
- j. Guru meminta beberapa peserta didik secara acak untuk kedepan kelas menyelesaikan contoh soal yang diberikan oleh guru.
- k. Guru memberikan beberapa soal untuk di kerjakan.

Kegiatan Penutup (5 menit)

- a. Guru memberikan tugas mandiri sebagai latihan dirumah.
- b. Guru menyampaikan rencana pembelajaran pada pertemuan berikutnya.

Guru bersama peserta didik mengakhiri kegiatan belajar mengajar dengan berdoa yang dipimpin oleh salah satu dari murid.

Lampiran 2 Kisi-kisi Soal Instrumen Pre-test dan Post-test

Nama Sekolah : UPT SMP Negeri 1 Makale
Mata Pelajaran : Matematika
Materi : Sistem persamaan linear dua variabel
Kelas/Semester : VIII/ganjil

Kurikulum : Merdeka
Jumlah Soal : 3 butir
Bentuk Soal : Essay

Indikator Pencapaian Kompetensi	Materi	Indikator Soal	Level Kognitif	Bentuk Soal	Nomor Soal
Menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan sistem persamaan linear dua variabel.	SPLDV	Menyelesaikan soal-soal SPLDV dalam menyelesaikan masalah sehari-hari.	C3 (Aplikasi)	Essay	1
Menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan sistem persamaan linear dua variabel.	SPLDV	Menyelesaikan soal-soal SPLDV dalam menyelesaikan masalah sehari-hari.	C3 (Aplikasi)	Essay	2
Menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan sistem persamaan linear dua variabel.	SPLDV	Menyelesaikan soal-soal SPLDV dalam menyelesaikan masalah sehari-hari.	C4 (Analisis)	Essay	3

Lampiran 3 Soal Pre-test dan Post-test**SOAL PRE-TEST****Nama Sekolah : UPT SMP Negeri 1 Makale****Mata Pelajaran : Matematika****Kelas/ Semester : VIII/ganjil****Waktu : 30 menit**

1. Asep membeli 2kg mangga dan 1kg apel dengan harga Rp. 15.000,00, sedangkan Intan membeli 1kg mangga dan 2kg apel dengan harga Rp. 18.000,00. Berapakah harga 5kg mangga dan 3kg apel?
2. Alda membeli 3kg jeruk dan 1kg manggis dengan harga Rp 70.000,00, sedangkan Flora membeli 2kg jeruk dan 2kg manggis dengan harga Rp 100.000,00. Jika monalisa ingin membeli 5kg jeruk dan 1 kg manggis berapakah yang harus di bayar Monalisa?
3. Perhatikan pernyataan berikut ini:
 1. Rina membeli 2 buku tulis dan 3 pensil dengan harga Rp. 19.000,00.
 2. Sinta membeli 1 buku tulis dan 2 pensil dengan harga Rp. 11.000,00.
 3. Roni membeli 3 buku tulis dan 4 pensil dengan harga Rp. 28.000,00.Pertanyaannya:
 - a. Tentukan apakah ketiga pernyataan di atas konsisten dan dapat diselesaikan sebagai SPLDV.
 - b. Jika ya, tentukan harga 1 buku tulis dan 1 pensil. Jika tidak jelaskan mengapa.

SOAL POST-TEST

Nama Sekolah : UPT SMP Negeri 1 Makale
Mata Pelajaran : Matematika
Kelas/ Semester : VIII/ganjil
Waktu : 30 menit

1. Pada sebuah peternakan terdapat kambing dan ayam sebanyak 13 ekor, jika jumlah kaki-kaki hewan tersebut 32 buah, maka tentukanlah jumlah kambing dan ayam?
2. Pada suatu hari ibu Rina pergi ke pasar ia membeli 4kg gula dan 10kg beras dengan harga Rp. 148.000. Kemudian ibu Rina bertemu dengan ibu Dewi tetangganya, yang juga membeli 6kg gula dan 20kg beras dengan harga Rp. 272.000. Berapa harga 1kg gula dan 5 kg beras?
3. Sebuah jasa ojek online memiliki sistem tarif sebagai berikut:
 1. Budi membayar Rp. 25.000,00. Untuk perjalanan sejauh 5km dan menunggu selama 10 menit.
 2. Rani membayar Rp. 28.000,00. Untuk perjalanan sejauh 6km dan menunggu selama 8 menit.
 3. Riko membayar Rp. 35.000,00. Untuk perjalanan sejauh 8km dan menunggu selama 12 menit.

Pertanyaan:

- a. Misalkan x adalah tarif per km dan y adalah tarif per menit menunggu. Buatlah sistem persamaan berdasarkan data tersebut.
- b. Tentukan nilai x dan y menggunakan dua persamaan pertama.
- c. Ujilah apakah ketiga konsisten dengan solusi tersebut. Jelaskan kesimpulanmu.

Lampiran 4 Penilaian dan Kata Kunci Jawaban

PRE-TEST

No. soal	Soal	Kunci jawaban	Level kognitif	Skor	Bobot
1	Asep membeli 2kg mangga dan 1kg apel dengan harga Rp. 15.000,00, sedangkan Intan membeli 1kg mangga dan 2kg apel dengan harga Rp. 18.000,00. Berapakah harga 5kg mangga dan 3kg apel?	<p>METODE ELIMINASI</p> <p>Diketahui :</p> <p>Harga 1kg mangga = x</p> <p>Harga 1kg apel = y</p> <p>Ditanyakan :</p> <p>Berapakah 5kg mangga dan 2kg apel?</p> <p>Penyelesaian :</p> <p>$2x + y = 15.000 \dots$ (pers 1)</p> <p>$x + 2y = 18.000 \dots$ (pers 2)</p> <ul style="list-style-type: none"> Eliminasi variabel y <p>$2x + y = 15.000 \quad \times 2 \quad 4x + 2y = 30.000$</p>	C3	1 1 1	30%

	$x + 2y = 18.000$ x1 $x + 2y = 18.000$ - $3x = 12.000$ $x = \frac{12.000}{3}$ $x = 4.000$		1	
	<ul style="list-style-type: none"> Eliminasi variabel x $2x + y = 15.000$ x1 $2x + y = 15.000$ $x + 2y = 18.000$ x2 $2x + 4y = 36.000$ - $-3y = -21.000$ $y = \frac{-21.000}{-3}$ $y = 7.000$		1	
	<p>harga 5kg mangga dan 3kg apel</p> $5x + 3y = 5(4.000) + 3(7.000)$ $= 20.000 + 21.000$ $= 41.000$		1	
	<p>Jadi, harga 5kg mangga dan 3kg apel adalah Rp 41.000.</p>			

		<p>METODE SUBSTITUSI</p> <p>Diketahui :</p> <p>Harga 1kg mangga = x</p> <p>Harga 1kg apel = y</p> <p>Ditanyakan :</p> <p>Berapakah 5kg mangga dan 3kg apel?</p> <p>Penyelesaian :</p> <p>$2x + y = 15.000$(pers 1)</p> <p>$x + 2y = 18.000$(pers 2)</p> <ul style="list-style-type: none"> • Dari persamaan (2) <p>$x + 2y = 18.000 \rightarrow x = 18.000 - 2y$</p> <ul style="list-style-type: none"> • Substitusi ke persamaan (1) <p>$2x + y = 15.000$</p> <p>$2(18.000 - 2y) + y = 15.000$</p> <p>$36.000 - 4y + y = 15.000$</p> <p>$36.000 - 3y = 15.000$</p> <p>$-3y = 15.000 - 36.000$</p>			
--	--	--	--	--	--

	$-3y = 21.000$ $y = \frac{21.000}{3}$ $y = 7.000$ <ul style="list-style-type: none">• Substitusi nilai y ke persamaan (2)$x + 2y = 18.000$$x + 2(7.000) = 18.000$$x + 14.000 = 18.000$$x = 18.000 - 14.000$$x = 4.000$ <p>jadi, harga 1kg mangga (x) = 4.000 dan harga 1kg apel (y) = 7.000</p> <ul style="list-style-type: none">• Harga 5kg mangga dan 3 kg apel$5x + 3y = 5(4.000) + 3(7.000) = 20.000 + 21.000 = 41.000$ <p>Jadi, harga 5kg mangga dan 3 kg apel adalah Rp. 41.000</p>			
Jumlah Skor				6

	$x = \frac{-40.000}{-4}$ $x = 10.000$ <ul style="list-style-type: none"> kemudian kita substitusikan nilai x ke persamaan (1) $3x + y = 70.000$ $3(10.000) + y = 70.000$ $30.000 + y = 70.000$ $y = 70.000 - 30.000$ $y = 40.000$ <p>jadi, harga 1 kg jeruk (x) = 10.000 dan harga 1kg manggis (y) = 40.000</p> <p>harga 5kg jeruk = $5 \times 10.000 = \text{Rp } 50.000$</p> <p>1kg manggis = $1 \times 40.000 = \underline{\text{Rp. } 40.000} +$ $\text{Rp. } 90.000$</p> <p>METODE ELIMINASI</p> <p>Diketahui :</p> <p>Harga 1kg jeruk = x</p>		1	
			1	
			1	

		<p>Harga 1kg manggis = y</p> <p>Ditanyakan :</p> <p>Berapakah 5kg jeruk dan 1kg manggis ?</p> <p>Penyelesaian :</p> <p>$3x + y = 70.000 \dots$ (pers 1)</p> <p>$2x + 2y = 100.000 \dots$ (pers 2)</p> <ul style="list-style-type: none"> • Eliminasi variabel x $\begin{array}{r} 3x + y = 70.000 \quad \times 2 \quad 6x + 2y = 140.000 \\ 2x + 2y = 100.000 \quad \times 3 \quad 6x + 6y = 300.000 \quad - \\ \hline -4y = -160.000 \\ y = \frac{-160.000}{-4} \\ y = 40.000 \end{array}$ <ul style="list-style-type: none"> • Eliminasi variabel y $\begin{array}{r} 3x + y = 70.000 \quad \times 2 \quad 6x + 2y = 140.000 \\ 2x + 2y = 100.000 \quad \times 1 \quad 2x + 2y = 100.000 \quad - \\ \hline 4x = 40.000 \end{array}$			
--	--	--	--	--	--

		$x = \frac{40.000}{4}$ $x = 10.000$ <p>jadi, harga 1kg jeruk (x) = 10.000 dan harga 1kg manggis (y) = 40.000</p> <ul style="list-style-type: none"> • Harga 5kg jeruk dan 1kg manggis $5x + y = 5(10.000) + 1(40.000) = 50.000 + 40.000 = 90.000$ <p>Jadi, harga 5kg jeruk dan 1kg manggis adalah Rp. 90.000</p>			
Jumlah Skor				6	
3	Perhatikan pernyataan berikut ini: 4. Rina membeli 2 buku tulis dan 3 pensil dengan harga Rp. 19.000,00. 5. Sinta membeli 1 buku tulis dan 2 pensil dengan herga Rp. 11.000,00. 6. Roni membeli 3 buku tulis dan 4 pensil dengan harga Rp. 28.000,00.	<p>Diketahui :</p> <p>x = harga 1 buku tulis</p> <p>y = harga 1 pensil</p> <p>Ditanyakan :</p> <p>a. Tentukan apakah ketiga pernyataan di atas konsisten dan dapat diselesaikan sebagai SPLDV.</p>	C4	1	40%

	$22.000 - 4y + 3y = 19.000$ $-4y + 3y = 19.000 - 22.000$ $-y = 19.000 - 22.000$ $y = 3.000$ <p>substitusi nilai y ke pers (2)</p> $x + 2y = 11.000$ $x + 2(3.000) = 11.000$ $x + 6.000 = 11.000$ $x = 11.000 - 6.000$ $x = 5.000$ <p>➤ Diperoleh :</p> <ul style="list-style-type: none"> • Harga 1 buku tulis : Rp. 5.000 • Harga 1 pensil : Rp. 3.000 <p>➤ Uji ke pers (3)</p> $3x + 4y = 28.000$			1	
				1	

	$3x + 4y = 3(5.000) + 4(3.000) = 15.000 + 12.000 = 27.000$ Namun di soal : $3x + 4y = 28.000$ Tidak sesuai ➤ Kesimpulan : Ketiga pernyataan tidak konsisten . Artinya, tidak semua persamaan memiliki Solusi yang sama. Salah satu data (kemungkinan persamaan ke-3) tidak sesuai dengan Solusi dari dua persamaan lainnya .		1	
Jumlah Skor			8	
Total skor maksimum			20	100%

		$y = \frac{20}{2}$ $y = 10$ <ul style="list-style-type: none"> Eliminasi variabel y $x + y = 13 \quad \times 2 \quad 2x + 2y = 26$ $4x + 2y = 32 \quad \times 1 \quad \underline{4x + 2y = 32} \quad -$ $-2x = -6$ $x = \frac{-6}{-2}$ $x = 3$ <p>Jadi, jumlah ayam dalam kandang ada 10 ekor dan jumlah kambing ada 3 ekor.</p> <p>METODE SUBSTITUSI</p> <p>Diketahui :</p> <p>Harga kambing = x</p> <p>Harga 1kg ayam = y</p> <p>Ditanyakan :</p> <p>Tentukanlah jumlah kambing dan ayam?</p>		<p style="text-align: center;">1</p> <p style="text-align: center;">1</p> <p style="text-align: center;">1</p>	
--	--	---	--	---	--

		<p>Penyelesaian :</p> $x + y = 13 \quad \dots(\text{pers 1})$ $4x + 2y = 32 \quad \dots(\text{pers 2})$ <ul style="list-style-type: none">• Dari persamaan (1)$x + y = 13 \rightarrow y = 13 - x$• Substitusi ke persamaan (2)$4x + 2y = 32$$4x + 2(13 - x) = 32$$4x + 26 - 2x = 32$$4x - 2x = 32 - 26$$2x = 6$$x = \frac{6}{2}$$x = 3$• Substitusi nilai x ke persamaan (1)$x + y = 13$$3 + y = 13$$y = 13 - 3$			
--	--	---	--	--	--

		$y = 10$ jadi, jumlah ayam pada sebuah peternakan ada 10 ekor dan jumlah kambing ada 3 ekor.			
Jumlah Skor				6	
2	Pada suatu hari ibu Rina pergi ke pasar ia membeli 4kg gula dan 10kg beras dengan harga Rp. 148.000. Kemudian ibu Rina bertemu dengan ibu Dewi tetangganya, yang juga membeli 6kg gula dan 20kg beras dengan harga Rp. 272.000. Berapa harga 1kg gula dan 5 kg beras?	Diketahui : Ibu Rina = x Ibu Dewi = y Ditanyakan : Berapa harga 1kg gula dan 5kg beras? Penyelesaian : $4x + 10y = 148.000 \quad \dots(\text{pers 1})$ $6x + 20y = 272.000 \quad \dots (\text{pers 2})$ • Eliminasi variabel y $4x + 10y = 148.000 \quad x2 \quad 8x + 20y = 296.000$ $6x + 20y = 272.000 \quad x1 \quad 6x + 20y = 272.000 \quad -$ $2x = 24.000$	C3	1 1 1 1	30%

	<p>persamaan berdasarkan data tersebut.</p> <p>e. Tentukan nilai x dan y menggunakan dua persamaan pertama.</p> <p>f. Ujilah apakah ketiga konsisten dengan solusi tersebut. Jelaskan kesimpulanmu.</p>	$5x + 10y = 25.000 \quad \times 6 \quad 30x + 60y = 150.000$ $6x + 8y = 28.000 \quad \times 5 \quad 30x + 40y = 140.000 \quad -$ $20y = 10.000$ $y = \frac{10.000}{20}$ $y = 500$ <p>• substitusi ke pers (1):</p> $5x + 10y = 25.000$ $5x + 10(500) = 25.000$ $5x + 5.000 = 25.000$ $5x = 25.000 - 5.000$ $5x = 20.000$ $x = \frac{20.000}{5}$ $x = 4.000$ <p>jadi, nilai $x = 4.000$ dan nilai $y = 500$</p>		<p style="text-align: center;">1</p> <p style="text-align: center;">1</p> <p style="text-align: center;">1</p>	
--	---	--	--	---	--

	<ul style="list-style-type: none"> uji ke pers (3): $8x + 12y = 35.000$ $8x + 12y = 8(4.000) + 12(500) = 32.000 + 6.000 = 38.000$ Namun dalam soal: $8x + 12y = 35.000$ Tidak konsisten. Kesimpulan: Tarif per kilometer = Rp.4.000, tarif per menit menunggu = Rp. 500 Namun, transaksi Riko tidak konsisten dengan sistem tarif berdasarkan dua data sebelumnya. Kemungkinan terjadi diskon , kesalahan pencatatan, atau tarif khusus. 		1	
Jumlah skor			8	
Total skor maksimum			20	100%

$$\text{Nilai siswa} = \frac{\text{Skor yang diperoleh siswa}}{20} \times 100$$

Lampiran 5 Validasi Ahli Instrumen Penelitian (Instrumen Tes)

VALIDASI AHLI INSTRUMEN PENELITIAN (INSTRUMEN TES)

Judul Penelitian : Pengaruh model pembelajaran Discovery Learning terhadap hasil belajar Matematika Siswa kelas VIII UPT SMP Negeri 1 Makale

Nama Validator : Dr. Suri Toding Lembang, M.Pd

Unit Kerja : Prodi Pendidikan Matematika

Keahlian : Pendidikan Matematika

Petunjuk: Mohon kesediaan Bapak/Ibu memberi tanda cek (✓) pada salah satu kolom yang telah disediakan

S : Sesuai; CS: Cukup Sesuai, KS : Kurang Sesuai; TS : Tidak Sesuai

No	Aspek yang dinilai	Skala penilaian				Keterangan Perbaikan
		S	CS	KS	TS	
1	Konstruksi Masalah:					
	Masalah yang diberikan sesuai dengan indikator penelitian	✓				
	Batasan dan rumusan masalah yang diberikan cukup untuk menyelesaikan masalah		✓			
	Batasan masalah yang diberikan jelas dan berfungsi	✓				

2	Bahasa pada soal:				
	Menggunakan bahasa sesuai dengan kaidah baik dan benar	✓			
	Rumusan masalah menggunakan kata-kata yang dikenal siswa		✓		
	Batasan dan rumusan masalah tidak menimbulkan penafsiran ganda		✓		
	Rumusan masalah komunikatif		✓		
	Rumusan masalah menggunakan kalimat tanya atau perintah	✓			

Saran-saran/komentar:

.....

.....

.....

.....

.....

Tes ini:

1. Dapat digunakan tanpa revisi.
2. Dapat Digunakan dengan revisi kecil.
3. Dapat digunakan dengan revisi besar.
4. Belum dapat digunakan atau dirombak total.

Makale, 11 Juli 2025

Validator

(Dr. Suri Todug Lembang, M.Pd)

**VALIDASI AHLI
INSTRUMEN PENELITIAN
(INSTRUMEN TES)**

Judul Penelitian : Pengaruh model pembelajaran *Discovery Learning*
terhadap hasil belajar Matematika Siswa kelas VIII UPT
SMP Negeri 1 Makale

Nama Validator : Beatric Videlia Remme, S.Pd., M.Pd

Unit Kerja : Prodi Pendidikan Matematika

Keahlian : Pendidikan Matematika

Petunjuk: Mohon kesediaan Bapak/Ibu memberi tanda cek (√) pada salah satu kolom yang telah disediakan

S : Sesuai; CS: Cukup Sesuai, KS : Kurang Sesuai; TS : Tidak Sesuai

No	Aspek yang dinilai	Skala penilaian				Keterangan Perbaikan
		S	CS	KS	TS	
1	Konstruksi Masalah:					
	Masalah yang diberikan sesuai dengan indikator penelitian					
	Batasan dan rumusan masalah yang diberikan cukup untuk menyelesaikan masalah					
	Batasan masalah yang diberikan jelas dan berfungsi					

2	Bahasa pada soal:					
	Menggunakan bahasa sesuai dengan kaidah baik dan benar					
	Rumusan masalah menggunakan kata-kata yang dikenal siswa					
	Batasan dan rumusan masalah tidak menimbulkan penafsiran ganda					
	Rumusan masalah komunikatif					
	Rumusan masalah menggunakan kalimat tanya atau perintah					

Saran-saran/komentar:

.....

.....

.....

.....

.....

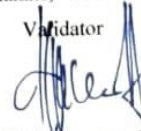
.....

Tes ini:

1. Dapat digunakan tanpa revisi.
2. Dapat Digunakan dengan revisi kecil.
3. Dapat digunakan dengan revisi besar.
4. Belum dapat digunakan atau dirombak total.

Makale, Juli 2025

Validator



(Beatrix Videlia Remme, S.Pd., M.Pd)

Lampiran 6 Pengesahan Judul Proposal



UNIVERSITAS KRISTEN INDONESIA TORAJA
(UKI TORAJA)
FAKULTAS KEGURUAN DAN ILMU PENDIDIKAN
PROGRAM STUDI PENDIDIKAN MATEMATIKA
Jl. Jend. Sudirman No. 09 Telp. (0423) 22060 Makale 91811

DAFTAR USULAN JUDUL SKRIPSI

Saya yang bertandatangan dibawah ini, mengusulkan judul skripsi kepada pembimbing I, II dan Ketua Prodi untuk disetujui. Adapun judul skripsi tersebut adalah sebagai berikut :

1. Pengaruh model pembelajaran Discovery Learning terhadap hasil belajar siswa
2. Analisis Dampak Teknologi Artificial Intelligence (AI) terhadap kualitas pembelajaran matematika
3. Dampak penerapan kurikulum merdeka bagi kemandirian siswa dalam pembelajaran matematika

Judul yang disetujui adalah nomor ..1....


Pembimbing I


(DR. LUSIANA DELASTRI, S.Si., M.Pd)


Pembimbing II,


(BEATRICE SIBELLA REMME, S.Pd., M.Pd)

Makale, 8 April 2025
Mahasiswa yang bersangkutan,


(LUSIANA TETY)

Ketua Program Studi,


(Dr. Evy Lailan Langit, M.Pd)
NIDN 0930038603

Catatan:
Arsip 1 lembar ke admin prodi

Lampiran 7 Pengesahan Proposal

LEMBAR PENGESAHAN PROPOSAL

NAMA : LUSIA TETY

NIM : 221113010

PROGRAM STUDI : PENDIDIKAN MATEMATIKA

JUDUL PROPOSAL : PENGARUH MODEL PEMBELAJARAN DISCOVERY
LEARNING TERHADAP HASIL BELAJAR
MATEMATIKA SISWA KELAS VIII UPT SMP NEGERI
1 MAKALE

Tanggal Pengesahan: 26 Mei 2023

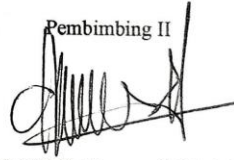
Menyetujui

Pembimbing I



Dr. Lusiana Delastri, S.Si., M.Pd
NIDN.0917078603

Pembimbing II



Beatric Videlia Remme, S.Pd., M.Pd
NIDN.0906048902

Mengetahui

Ketua Program Studi Pendidikan Matematika



Dr. Evy Lailani Langi, M.Pd
NIDN.0930038603

Lampiran 8 Surat Izin Penelitian Fakultas



UNIVERSITAS KRISTEN INDONESIA TORAJA
FAKULTAS KEGURUAN DAN ILMU PENDIDIKAN
(FKIP - UKI TORAJA)

Jl. Jenderal Sudirman Nomor 9, Makale, Tana Toraja 91811
 ☎ (0423) 22468, 22887, ☎ (0423) 22073, (E-mail) fkpukitoraja@gmail.com

Nomor : TA.00.03/508/UKI Toraja.DFKIP/2025
 Lampiran : -
 Hal : **Permohonan Izin Penelitian**

Kepada

Yth. **Kepala UPT SMP Negeri 1 Makale**

Di

Tempat

Dengan Hormat

Perkenankan kami menyampaikan bahwa salah satu tugas akhir yang harus diselesaikan mahasiswa(i) UKI Toraja adalah penyusunan Skripsi. Sehubungan dengan itu, bersama ini dimohon kesediaan Bapak/Ibu menerima dan memberikan izin/rekomendasi kepada mahasiswa berikut untuk melaksanakan penelitian pada instansi/jawatan/dinas/perusahaan/lembaga/tempat usaha yang Bapak/Ibu pimpin. Adapun mahasiswa yang dimaksud :

Nama : Lusiana Tety
 NIM : 211113010
 Program Studi : Pendidikan Matematika
 Fakultas : Keguruan dan Ilmu Pendidikan
 Judul Penelitian : Pengaruh Model Pembelajaran Discovery Learning Terhadap Hasil Belajar Matematika Siswa Kelas VIII UPT SMP Negeri 1 Makale.
 Pembimbing : 1. Dr. Lusiana Delastri, S.Si., M.Pd.
 2. Beatrice Videlia Remme, S.Pd., M.Pd.

Demikianlah surat permohonan ini, atas bantuan dan kerjasama yang baik disampaikan terima kasih.

Makale, 20 Juni 2025



Daud Rodi Palimbong, S.Pd., M.Pd.
 NIDN 0930098202

Lampiran 9 Surat Keterangan telah melakukan Penelitian



PEMERINTAH KABUPATEN TANA TORAJA
DINAS PENDIDIKAN DAN KEBUDAYAAN
UPT SMPN 1 MAKALE
 Jl. Tritura No. 65 Tlp. 0423-22026 Makale
 Email: smp1makale@jabtoraja.id

SURAT KETERANGAN
 No. 079/DPK-TT/SMPN.01/TU/VIII/2025

Yang bertanda tangan di bawah ini:

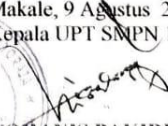
N a m a : YOHANIS PAKIDING, S. Pd
N I P : 197905152009031003
Pangkat/Gol. Ruang : Pembina IV/a
Jabatan : Kepala UPT. SMP Negeri 1 Makale

Menerangkan dengan sesungguhnya bahwa:

Nama : Lusiana Tety
NIM : 221113010
Program Studi : Pendidikan Matematika
Fakultas : Keguruan Dan Ilmu Pendidikan
Pembimbing : 1. Dr. Lusiana Delastri, S.Si., M.Pd
 2. Beatric Videlia Remme, S.Pd., M.Pd

Benar telah mengadakan penelitian pada UPT SMPN 1 Makale dalam rangka penyusunan Skripsi dengan judul "**PENGARUH MODEL PEMBELAJARAN DISCOVERY LEARNING TERHADAP HASIL BELAJAR MATEMATIKA SISWA KELAS VIII UPT SMPN 1 MAKALE**" yang dilaksanakan pada tanggal 31 Juli – 9 Agustus 2025.

Demikianlah surat keterangan ini kami berikan kepada yang bersangkutan untuk dipergunakan sebagaimana mestinya.

Makale, 9 Agustus 2025
 Kepala UPT SMPN 1 Makale,

YOHANIS PAKIDING, S. Pd
 NIP. 197905152009031003



Lampiran 10 Tabel hasil Belajar Siswa

Data Hasil *Pre-Test*

Kelompok Eksperimen		Kelompok Kontrol	
Individu	Nilai	Individu	Nilai
S-1	65	S-1	30
S-2	72,5	S-2	35
S-3	55	S-3	30
S-4	30	S-4	35
S-5	30	S-5	25
S-6	45	S-6	30
S-7	20	S-7	25
S-8	85	S-8	20
S-9	15	S-9	20
S-10	15	S-10	20
S-11	50	S-11	20
S-12	30	S-12	15
S-13	30	S-13	0
S-14	40	S-14	30
S-15	25	S-15	30
S-16	45	S-16	25
S-17	25	S-17	25
S-18	30	S-18	15
S-19	25	S-19	50
S-20	35	S-20	40
S-21	30	S-21	35
S-22	30	S-22	35
S-23	25	S-23	35
S-24	70	S-24	20

S-25	10	S-25	30
S-26	50	S-26	30
S-27	50	S-27	20
S-28	15	S-28	35
S-29	55	S-29	35
S-30	50	S-30	25
S-31	55	S-31	75
S-32	30	S-32	30
S-33	37,5	S-33	80
S-34	65	S-34	75
S-35	30	S-35	65
Jumlah: 35 orang	Rata-rata: 39,14	Jumlah:35orang	Rata-rata: 32,71

Sumber: Diolah Penulis

Hasil *Post-Test*

Kelompok Eksperimen		Kelompok Kontrol	
Individu	Nilai	Individu	Nilai
S-1	85	S-1	55
S-2	95	S-2	50
S-3	75	S-3	70
S-4	55	S-4	65
S-5	60	S-5	50
S-6	85	S-6	55
S-7	50	S-7	65
S-8	100	S-8	45
S-9	45	S-9	60
S-10	50	S-10	20
S-11	77,5	S-11	95
S-12	50	S-12	75
S-13	65	S-13	45
S-14	70	S-14	55
S-15	60	S-15	50
S-16	70	S-16	30
S-17	60	S-17	45
S-18	55	S-18	70
S-19	50	S-19	90
S-20	65	S-20	75
S-21	80	S-21	60
S-22	70	S-22	70
S-23	45	S-23	55
S-24	85	S-24	45
S-25	40	S-25	55

S-26	75	S-26	15
S-27	82,5	S-27	20
S-28	50	S-28	60
S-29	85	S-29	65
S-30	80	S-30	77,5
S-31	85	S-31	85
S-32	70	S-32	60
S-33	65	S-33	90
S-34	90	S-34	85
S-35	75	S-35	80
Jumlah: 35 orang	Rata-rata: 68,57	Jumlah:35orang	Rata-rata: 59,64

Sumber: Diolah Penuli

Lampiran 11 Dokumentasi







RIWAYAT HIDUP



Penulis bernama **Lusia Tety**, lahir di Leppangan pada tanggal 10 Juli 2003 yakni desa terpencil dan terjauh di Tana Toraja tepatnya berada di kecamatan Mappak, desa Sangpepparikan, penulis merupakan anak terakhir/bungsu dari pasangan Ayahanda Lukas Bongga Palamba dan Ibunda Magdalena Rappan.

Pada tahun 2015 penulis menamatkan sekolah pada SD Negeri 333 Inpres Leppangan dan melanjutkan Pendidikan ke SMP Negeri 1 Mamuju kemudian pindah ke SMP Negeri Satap 8 Simbuang dan lulus pada tahun 2018 di SMP Negeri Satap 8 Simbuang.

Pada tahun yang sama penulis melanjutkan Pendidikan ke SMK Laniang Makassar dan lulus pada tahun 2021. Pada tahun yang sama juga penulis diterima sebagai mahasiswa Jurusan Pendidikan Matematika, Fakultas Keguruan dan Ilmu Pendidikan melalui seleksi Mandiri PTS. Semasa perkuliahan berlangsung penulis juga aktif di berbagai organisasi eksternal kampus seperti Himpunan Pendidikan Matematika, Unit Kegiatan Mahasiswa Catur (UKM Catur), Keluarga Mahasiswa Katolik Universitas Kristen Indonesia Toraja, Ikatan Pemuda Simbuang Mappak dan Perhimpunan Mahasiswa Katolik Republik Indonesia (PMKRI).

Penulis juga memiliki motto hidup yang terinspirasi dari ayat Kitab Suci yang berbunyi demikian : “Hendaklah kamu selalu mempunyai garam dalam dirimu dan selalu hidup berdamai yang seorang dengan yang lain” (Markus 9:550).